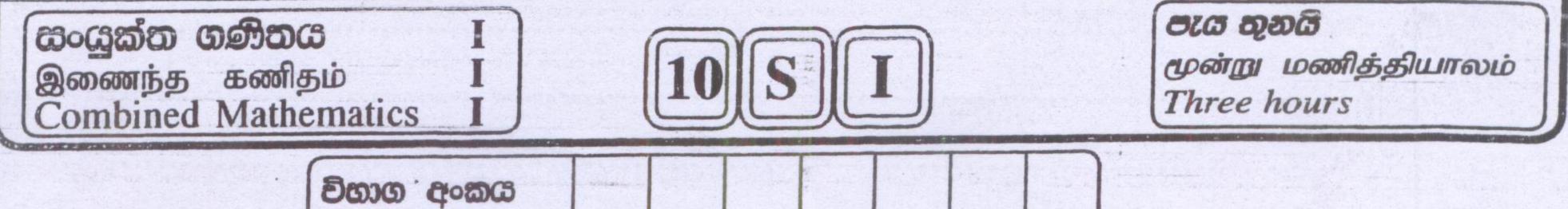
கிழை வி கிறை கிறையில் பிறியில் விறையிலையில் and a second a seco

இலங்கைப் பரீட்சைக் தினைக்களம் இலங்கைப் பரிசைத் தனைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைக் தினைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரிசைத் தனைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் Department of Examinations, Sri Lanka Department o இலங்கைப் Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka இலங்கைப் பரீட்சைக் திணைக்களம் இலங்கைப் பரிசைத் தனைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைக் திணைக்களம் இலங்கைப் பரிசைத் தினைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைக் திணைக்களம் இலங்கைப் தொணைக்களம் கைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைக் திணைக்களம் இலங்கைப் கொணைக்களம் தலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்

சுவுக்கை சைந்து கைகிகை கூறு (குக்கி சைகு) நிறைக்கு, 2014 சுலைக்கித கல்விட் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தரப்ப பரின் 2014 கொற்ற General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2014



උපදෙස් :

* මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;

A කොටස (පුශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (පුශ්න 11 - 17).

* A කොටස:

සියලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

* B කොටස:

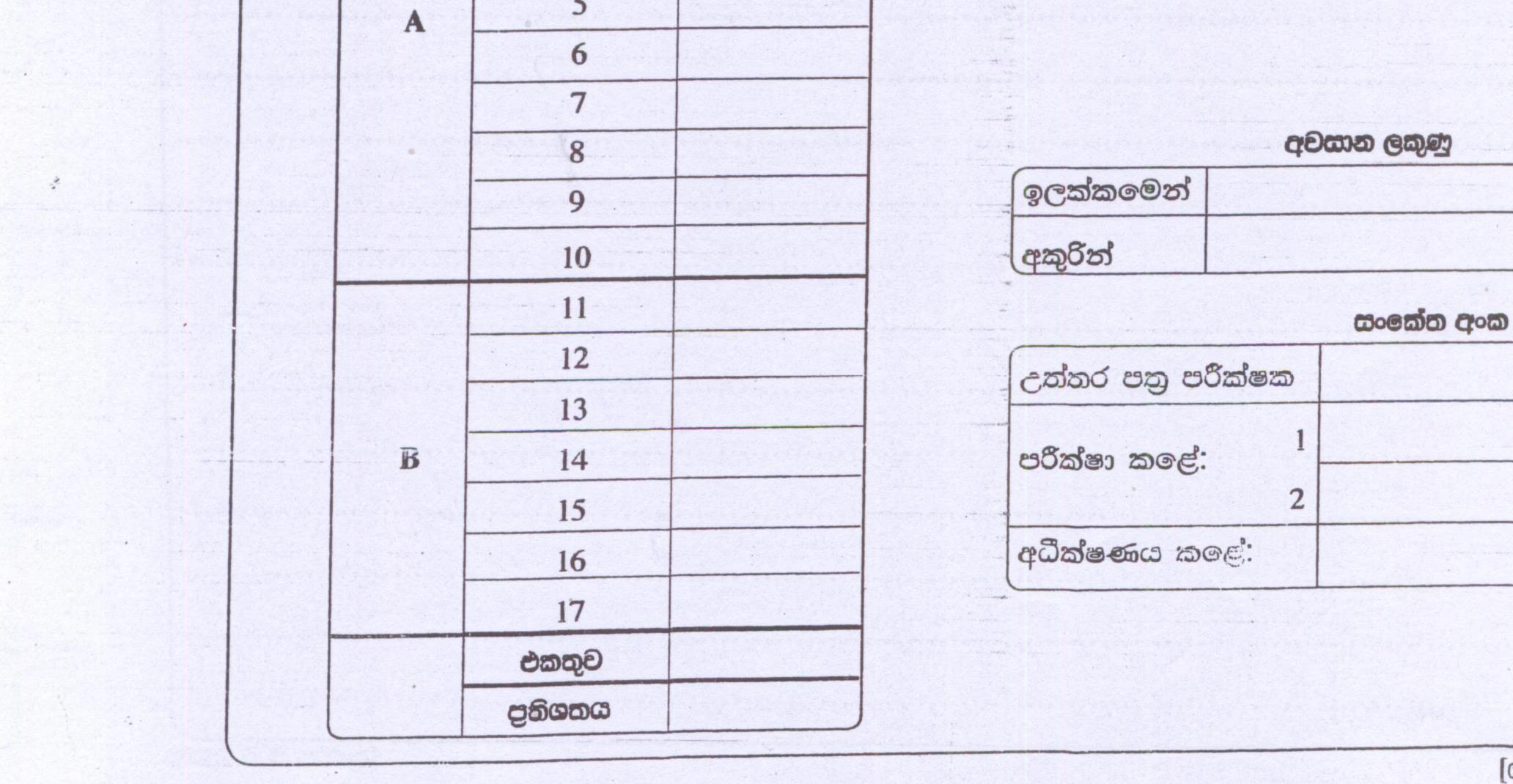
පුශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

- * නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පතුය, B කොටසෙහි පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- * පුශ්න පතුයෙහි **B කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

| (10) සංයුක්ත ගණිතය I | | | |
|----------------------|-------------------|-------|--|
| කොටස | උග්න අංක ය | ලකුණු | |
| | 1 | | |
| | 2 | | |
| | 3 | | |
| | 4 | | |
| - | F | | |

| I පතුය | |
|-------------|--|
| II පතුය | |
| එකතුව | |
| අවසාන ලකුණු | |



[දෙවන පිටුව බ(

AL/2014/10/S-I -2-A කොටස 1. ගණිත අභපුහන මූලධර්මය භාවිතයෙන්, සියලු $n \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $\sum_{r=1}^n r(3r-1) = n^2(n+1)$ බව සාධනය කරන්න. Service Hart Berger

 පුස්තාරික කුමයක් භාවිතයෙන් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, |x+1|>3x+7 අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු තාත්ත්වික අගයන් සොයන්න.

................. *********** Contraction **************** and the second s [තුන්වන පිටුව බලන්න.

-

4 5 ~ - 3 -AL/2014/10/S-I 3. එක ම ආගන්ඩ් සටහනක (i) $\operatorname{Arg}(z+1) = \frac{\pi}{3}$, (ii) $\operatorname{Arg}(z-1) = \frac{5\pi}{6}$ සපුරාලත z සංකීර්ණ සංඛාා මගින් නිරූපණය කරනු ලබන ලක්ෂායන්හි පථවල දළ සටහන් ඇඳ, ඒවායේ ජේදන ලක්ෂාය මගින් නිරූපණය කරනු ලබන සංකීර්ණ සංඛාාව සොයන්න. 4. $n \in \mathbb{Z}^+$ යැයි ගනිමු. $\left(2 + \frac{3}{x}\right) (1 + x)^n$ හි පුසාරණයේ x^{n-2} හි සංගුණකය 120 වේ. n හි අගය සොයන්න. -----V. 18 44 12.41 [හතරවන පිටුව බලන්න.

100 AL/2014/10/S-I --4-5. $\lim_{x \to 0} \frac{\tan^2 2x}{x(1 - \sqrt{1 + x})} = -8$ බව පෙන්වන්න. . . ******************************** (marine 4. Mart -.... 0 france (1) **************** *********************** Sec. 2 6. y = 2x සරල රේඛාවෙන් හා $y = x^2$ වකුයෙන් ආවෘත පෙදෙසෙහි වර්ගඵලය සොයන්න. ****************************** The second s Tenger and and and and and all the states of going the second ·. · Marine -. [පස්වන පිටුව බලන්න. A.

-522.00

1-1-1

AL/2014/10/S-I

C.

- 5 -

7. $x = e^{t} + e^{-t}$, $y = e^{t} - e^{-t}$ මගින් දෙනු ලබන වකුය C යැයි ගනිමු; මෙහි t යනු තාත්ත්වික පරාමිතියකි. t ඇසුරෙත් $\frac{dy}{dx}$ සොශා, $t = \ln 2$ ට අනුරූප ව C මත වූ ලක්ෂායෙහි දී ස්පර්ශ රේඛාවේ සමීකරණය 5x - 3y - 8 = 0 බව පෙන්වන්න.

8. $\lambda \in \mathbb{R}$ හා $\lambda \neq \pm 1$ යැයි ගනිමු. බණ්ඩාංක අක්ෂ හා $(1 + \lambda)x - 2(1 - \lambda)y - 2(1 - \lambda) = 0$ සරල රේඛාව මගින් ආවෘත පෙදෙසෙහි වර්ගඵලය වර්ග ඒකක 4 ක් වේ. λහි අගයන් සොයන්න. - ----**************** 5. 1. [හයවන පිටුව බලන්න. Allan-

| டூ ලංකා වගාග இலங்கைப் பரீட | <i>பூசிப்பிறை பிறையுகையது / All Rights Reserved]</i> குசைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பர்க்கத் திணைக்களம் இலங்கைப் பர்ட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கள கார்வு குகைக்களம் இலங்கைப் பர்க்கத் திணைக்களம் இலங்கைப் பர்ட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கள xaminations, Sri Lanka Department of இலங்கைப் நாபர்மனசத் பர்பு கைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கள சேப்பிலை குகைக்களம் இலங்கைப் பர்க்கு திணைக்களம் இலங்கைப் பர்ட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கள கார்வு குகைக்களம் இலங்கைப் பர்க்கைக் காயர்மன குக்கைப் பர்ட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கள கைக் திணைக்களம் இலங்கைப் குகைக்காக காயர் இலங்கைப் பர்ட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கள சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் காகைக்களை குதிப்பில் காக்கு குகைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கள சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் குறைக்களை காக்களுக்குப்பில் காக்கு திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கள |
|--------------------------------------|---|
| | ஒவ்கை கைழ கல்கில் கூறு (குக்கி கைடு) திலைக், 2014 குணிய் கு கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2014 கைஸ்ற் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2014 |
| | குதுக்க வறைகை II இணைந்த கணிதம் II Combined Mathematics II |
| | B කොටස |
| * පුශ්ත ප | තකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. |

State of the state of the state of the

මොහොතේ ම, Q අංශුව නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. අංශු දෙක ආනත තලය හැර නොයන බව උපකල්පනය කරමින්, P හා Q හි චලිත සඳහා පුවේග-කාල පුස්තාරවල දළ සටහන් එක ම රූපයක අඳින්න.

මෙම පුස්තාර භාවිතයෙන්, P අංශුව O ලක්ෂායට නැවත පැමිණෙන මොහොතේ දී Q අංශුව O සිට $\frac{2u^2}{g\sin\alpha}$ දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.

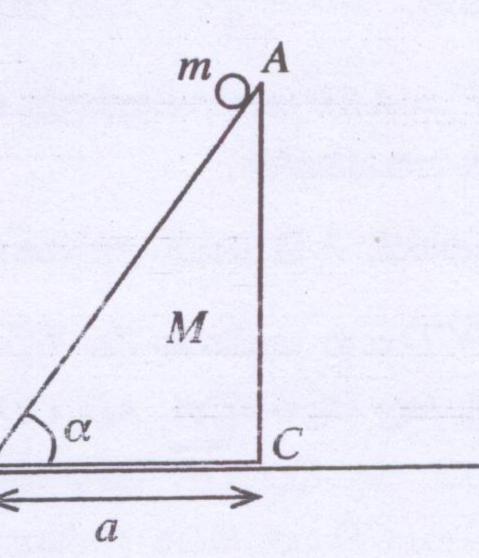
(b) ඍජු සමාන්තර ඉවුරු සහිත ගඟක් u ඒකාකාර පුවේගයකින් ගලා බසී. A හා B ලක්ෂා දෙක එකක් එක් ඉවුරක ද අනෙක අනෙක් ඉවුරේ ද පිහිටා ඇත්තේ AB යන්න u සමග α සුළු කෝණයක් සාදන පරිදි ය. පිරිමි ළමයෙක් A වලින් ආරම්භ කර, ජලයට සාපේක්ෂ ව අචල දිශාවකට විශාලත්වය 2u වූ නියත පුවේගයකින් පිහිනමින්, B වෙත ළඟා වෙයි; මෙහි $u = |\mathbf{u}|$ වේ. ඔහු ඉන්පසු, B වලින් ආරම්භ කර A වෙත ආපසු පැමිණෙන පරිදි ජලයට සාපේක්ෂ ව අචල දිශාවකට එම 2u විශාලත්වය ම සහිත පුවේගයකින් පිහිනයි. A සිට B දක්වා චලිතය සඳහා ද B සිට A දක්වා චලිතය සඳහා ද පුවේග තිකෝණවල දළ සටහන් එක ම රූපයක අඳින්න.

ඒ නයින්, A සිට B දක්වා චලිතය සඳහා ද B සිට A දක්වා චලිතය සඳහා ද ජලයට සාපේක්ෂ ව ඔහුගේ පුවේගය පිළිවෙළින් \overrightarrow{AB} හා \overrightarrow{BA} සමග එක ම hetaකෝණයක් සෑදිය යුතු බව පෙන්වන්න; මෙහි $\sin\theta = \frac{1}{2}\sin\alpha$ වේ.

B සිට A දක්වා පිහිනීමට ගත් කාලය, A සිට B දක්වා පිහිනීමට ගත් කාලය මෙන් $k \, (1 < k < 3)$

ගුණයක් නම්, $\cos\theta = \frac{1}{2} \left(\frac{k+1}{k-1} \right) \cos \alpha$ බව පෙන්වන්න.

 $\sin\theta$ හා $\cos\theta$ සඳහා වූ ඉහත පුකාශන භාවිතයෙන් $\cos\alpha = \frac{(k-1)}{2}\sqrt{\frac{3}{k}}$ බව ද පෙන්වන්න.



and the second s

har an allan and

12.(a) දී ඇති රූප සටහනෙහි ABC තිකෝණය, ස්කන්ධය M වූ ඒකාකාර සුමට කුඤ්ඤයක ගුරුත්ව කේන්දුය හරහා යන සිරස් හරස්කඩක් නිරූපණය කරයි. AB රේඛාව එය අයත් මුහුණතෙහි උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් වන අතර $A\hat{B}C = \alpha$, $A\hat{C}B = \frac{\pi}{2}$ හා BC = a වේ. සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත BC අයත් මුහුණත ඇතිව කුඤ්ඤය තබා ඇත. ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් AB රේඛාව මත A ලක්ෂායෙහි සීරුවෙන් තබා නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. අංශුව කුඤ්ඤය හැර යන තෙක්, කුඤ්ඤයේ ත්වරණය $\frac{mg\sinlpha\coslpha}{16}$ බව පෙන්වා, කුඤ්ඤයට සාපේක්ෂ ව අංශුවේ ත්වරණය සොයන්න. දැන්, $\alpha = \frac{\pi}{4}$ හා $M = \frac{5m}{2}$ යැයි සිතමු. අංශුව කුඤ්ඤය හැර යන මොහොතේ දී කුඤ්ඤයේ වේගය $\sqrt{\frac{2ag}{21}}$ බව පෙත්වත්ත.

(b) අරය a සහ කේන්දුය O වූ සිහින් සුමට වෘත්තාකාර නළයක් සිරස් තලයක සවිකර ඇත. දිග $\frac{3\pi a}{2}$ ට වඩා වැඩි සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක්, OP තිරස් ව ඇතිව නළය තුළ අල්වා තැබූ, ස්කන්ධය m වන P අංශුවකට ඈදා ඇත. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි තන්තුව නළය තුළින් ද නළයේ පහළ ම ලක්ෂායේ ඇති කුඩා සුමට සිදුරක් තුළින් ද යමින් අනෙක් කෙළවරෙහි ස්කන්ධය 2m වූ Q අංශුවක් දරා සිටියි. තන්තුව තදව ඇතිව ඉහත පිහිටීමෙන් P අංශුව නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. ශක්ති සංස්ථිති මූලධර්මය යෙදීමෙන් $\theta \left(0 < \theta < \frac{3\pi}{2} \right)$ කෝණයකින් OP හැරී ඇති විට P අංශුවේ වේගය vයන්න $v^2 = \frac{2ga}{3}(2\theta - \sin\theta)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා, P අංශුව මත නළයෙන් ඇති කරන පුතිකියාව සොයන්න.

13. ස්වාභාවික දිග 4*a* හා පුතාහාස්ථතා මාපාංකය 8*mg* වූ සිහින් සැහැල්ලු පුතාහාස්ථ දුන්නක්, එහි පහළ කෙළවර O අචල වන සේ සිරස් ව සිටුවා ඇත. ස්කන්ධය *m* වූ *P* අංශුවක් එහි ඉහළ කෙළවරට ඈඳා තිබේ. *P* අංශුව O ට සිරස් ව ඉහළින් වූ *A* ලක්ෂායක සමතුලිත ව ඇත. $OA = \frac{7a}{2}$ බව පෙන්වන්න.

- 8 -

දැන්, එම m ස්කන්ධය ම සහිත තවත් Q අංශුවක් P ට සීරුවෙන් ඇඳනු ලබන අතර සංයුක්ත අංශුව A හි නිශ්චලතාවයේ සිට චලිතය ආරම්භ කරයි. සංයුක්ත අංශුවේ චලිත සමීකරණය $\ddot{x} = -\frac{g}{a}x$ බව පෙන්වන්න; මෙහි x යනු OB = 3a වන පරිදි O ට සිරස් ව ඉහළින් පිහිටි B ලක්ෂායේ සිට සංයුක්ත අංශුවේ විස්ථාපනය වේ.

සංයුක්ත අංශුව ළඟා වන පහළ ම ලක්ෂාය C යැයි ගනිමු. OC දිග ද A සිට C දක්වා චලනය වීමට සංයුක්ත අංශුව ගන්නා කාලය ද සොයන්න.

සංයුක්ත අංශුව C හි ඇති මොහොතේ දී Q අංශුව සීරුවෙන් ඉවත් කරනු ලැබේ. පසුව සිදුවන P අංශුවේ චලිතය සඳහා චලිත සමීකරණය $\ddot{y} = -\frac{2g}{a}y$ බව පෙන්වන්න; මෙහි y යනු A ලක්ෂායේ සිට P අංශුවේ විස්ථාපනය වේ.

මෙම සමීකරණයට $y = \alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t$ ආකාරයේ විසඳුමක් උපකල්පනය කරමින් α, β හා ω නියතවල අගයන් සොයන්න.

ඒ නයින්, C සිට D දක්වා චලනය වීමට P අංශුව ගන්නා කාලය $\frac{\pi}{3}\sqrt{\frac{2a}{g}}$ බව පෙන්වන්න; මෙහි D යනු OD = 4aවන පරිදි O ට සිරස් ව ඉහළින් පිහිටි ලක්ෂාය වේ. D වෙත ළඟා වන විට P අංශුවේ වේගය ද සොයන්න.

14.(a) ABCD යනු $\overrightarrow{DC} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$ වන පරිදි වූ තුපීසියමක් යැයි ගනිමු. තව ද $\overrightarrow{AB} = \mathbf{p}$ හා $\overrightarrow{AD} = \mathbf{q}$ යැයි ද ගනිමු. $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$ වන පරිදි BC මත E ලක්ෂාය පිහිටයි. AE හා BD වල ඡේදන ලක්ෂාය වන F මගින් $\overrightarrow{BF} = \lambda \overrightarrow{BD}$ යන්න සපුරාලයි; මෙහි $\lambda(0 < \lambda < 1)$ නියතයකි. $\overrightarrow{AE} = \frac{5}{6}\mathbf{p} + \frac{1}{3}\mathbf{q}$ බව හා $\overrightarrow{AF} = (1 - \lambda)\mathbf{p} + \lambda\mathbf{q}$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්, λ හි අගය මසායන්න.

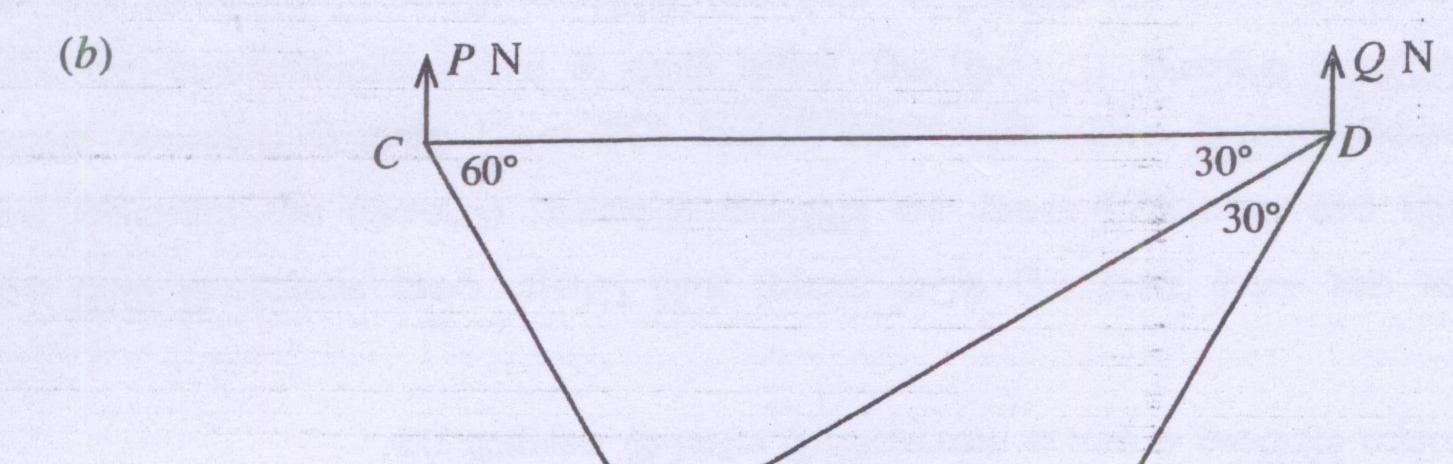
(b) ABCD යනු පැත්තක දිග මීටර a වූ සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. විශාලත්ව නිව්ටන 4, 6 $\sqrt{2}$, 8, 10, X හා Y වූ බල පිළිවෙළින් AD, CD, AC, BD, AB හා CB දිගේ, අක්ෂර අනුපිළිවෙළින් දැක්වෙන දිශාවලට කියා කරයි. පද්ධතිය \overrightarrow{OE} දිගේ කියාකරන තනි සම්පුයුක්තයකට ඌනනය වේ; මෙහි O හා E යනු පිළිවෙළින් AC හා CD වල මධා ලක්ෂා වේ. X හා Y හි අගයන් සොයා, සම්පුයුක්තයේ විශාලත්වය නිව්ටන 4K බව පෙන්වන්න; මෙහි $K = 2 - \sqrt{2}$ වේ.

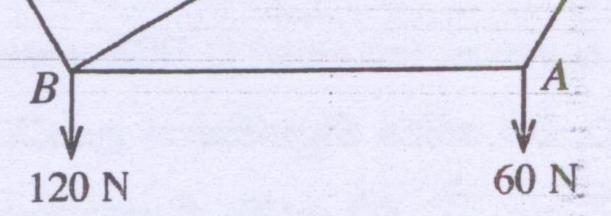
F යනු OAFD සමචතුරසුයක් වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු. ඉහත බල පද්ධතියට තුලා වන, එකක් \overrightarrow{AD} දිගේ ද අනෙක F ලක්ෂාය හරහා ද වන, **බල දෙක** සොයන්න.

බල පිහිටන තලයේ ABCD අතට කියාකරන සූර්ණය නිව්ටන මීටර 6Ka වන බල යුග්මයක් මුල් පද්ධතියට එකතු කරනු ලැබේ. නව පද්ධතියේ සම්පුයුක්තයෙහි කියා රේඛාව සොයන්න.

15.(a) ඒකක දිගක බර w බැගින් වූ ද $AB = AD = l\sqrt{3}$ හා BC = DC = l වූ ද AB, BC, CD හා DA ඒකාකාර දඬු හතරක් ABCD රාමු සැකිල්ලක් සාදන පරිදි, ඒවායේ කෙළවරවලින් සුමට ලෙස සන්ධි කර ඇත. දිග 2l වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවකින් A හා C සන්ධි සම්බන්ධ කර ඇත. රාමු සැකිල්ල A සන්ධියෙන් එල්ලනු ලැබ සිරස් තලයක සමතුලිත ව එල්ලෙයි. තන්තුවේ ආතතිය $\frac{wl}{4}(5+\sqrt{3})$ බව පෙන්වන්න.

-9-





අත්තවලදී සුමට ලෙස සන්ධි කරන ලද AB, AD, BC, BD හා CD සැහැල්ලු දඬු පහක රාමු සැකිල්ලක් දී ඇති රූපයෙන් නිරූපණය වේ. A හා B හි දී පිළිවෙළින් 60 N හා 120 N භාර දරන අතර AB හා CD දඬු තිරස් ව ඇතිව රාමු සැකිල්ල සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ පිළිවෙළින් C හා D හි දී යෙදූ P N හා Q N සිරස් බල දෙකක් මගිනි. බෝ අංකනය යෙදීමෙන්, පුතාහාබල සටහනක් අඳින්න.

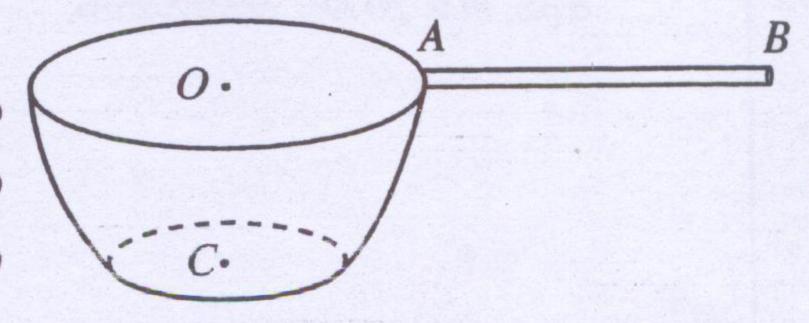
ඒ නයින්, දඬු පහේ ම පුතාහාබල, ඒවා ආතති හෝ තෙරපුම් වශයෙන් පුකාශ කරමින්, සොයන්න.

16. අරය a හා පෘෂ්ඨික ඝනත්වය σ වූ ඒකාකාර කුහර අර්ධගෝලීය කබොලක් එහි වෘත්තාකාර ගැටියෙහි තලයට සමාන්තර වූ ද O කේන්දයේ සිට a cos α දුරකින් වූ ද තලයකින් කැපූ විට ලැබෙන ඡින්නකයේ ගුරුත්ව කේන්දය OC හි මධා ලක්ෂායේ පිහිටන බව අනුකලනයෙන් පෙන්වන්න; මෙහි C යනු කුඩා වෘත්තාකාර ගැටියෙහි කේන්දය වේ.

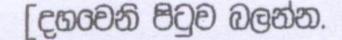
එම σ පෘෂ්ඨික ඝනත්වය ම සහිත අරය $a\sinlpha$ වූ තුනී ඒකාකාර වෘත්තාකාර තැටියක දාරය ඉහත ඡින්නකයේ

කුඩා වෘත්තාකර ගැටියට දෘඪ ලෙස සවිකර භාජනයක් සාදා ඇත. මෙම භාජනයෙහි ගුරුත්ව කේන්දුය, OC මත O සිට $\left(\frac{1+\coslpha-\cos^2lpha}{1+2\coslpha-\cos^2lpha}
ight)a\coslpha$ දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.

 $\alpha = \frac{\pi}{3}$ යැයි ද භාජනයෙහි බර W යැයි ද ගනිමු. දිග b හා බර $\frac{W}{4}$ වූ සිහින් ඒකාකාර AB දණ්ඩක් මිටක් ලෙස, O, A හා B ලක්ෂා ඒක රේඛීය වන පරිදි, රූපයේ දැක්වෙන අයුරින් භාජනයේ ගැටියට දෘඪ ලෙස සවිකර සාස්පානක් සාදා ඇත. සාස්පානෙහි ගුරුත්ව කේන්දුයේ පිහිටීම සොයන්න.



සාස්පාන, මිටෙහි B කෙළවරෙන් නිදහසේ එල්ලා ඇති අතර, මිට යටි අත් සිරස සමග $\tan^{-1}\left(\frac{1}{7}\right)$ කෝණයක් සාදමින් සමතුලිතතාවයේ එල්ලෙයි. 3b = 4a බව පෙන්වන්න.



45

- 10 -

17.(a) A හා B යනු Ω නියැදි අවකාශයක P(B) > 0 වන සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. B දී ඇතිවිට A හි අසම්භාවා සම්භාවිතාව වූ P(A|B) අර්ථ දක්වන්න.

P(A) = P(B)F(A|B) + F(B')P(A|B') බව පෙන්වන්න; මෙහි 0 < P(B) < 1 වන අතර B' මගින් B හි අනුපූරක සිද්ධිය දැක්වේ.

විශාල සමාගමක සේවා නියුක්තිකයන්ගෙන් 80% ක් පිරිමි වන අතර 20% ක් ගැහැණු වේ. සේවා නියුක්තිකයන්ගෙන් 57% කගේ ඉහළ ම අධාහපන සුදුසුකම අ.පො.ස. (සා.පෙළ) වන අතර 32% කගේ එම සුදුසුකම අ.පො.ස. (උ.පෙළ) වේ. අනික් සියලු ම සේවා නියුක්තිකයෝ උපාධිධාරීහු වෙති. මෙම සමාගමේ ගැහැණු සේවා නියුක්තිකයන්ගෙන් 40% කගේ ඉහළ ම අධාහපන සුදුසුකම අ.පො.ස. (සා.පෙළ) වන අතර 45% කගේ එම සුදුසුකම අ.පො.ස. (උ.පෙළ) වේ. සමාගමේ සේවා නියුක්තිකයන්ගෙන් එක් අයකු සසම්භාවී ලෙස තෝරා ගනු ලැබේ. එසේ තෝරාගනු ලැබූ සේවා නියුක්තිකයා,

(i) ඉහළ ම අධානපත සුදුසුකම අ.පො.ස. (සා.පෙළ) වූ ගැහැණු කෙතකු වීම,

(ii) ඉහළ ම අධානපත සුදුසුකම අ.පො.ස. (සා.පෙළ) වූ පිරිමි කෙතකු වීම,
(iii) පිරිමි කෙතකු බව දී ඇති විට, එම සේවා නියුක්තිකයා උපාධිධාරියකු වීම,
(iv) උපාධිධාරියකු තොවන බව දී ඇති විට එම සේවා නියුක්තිකයා ගැහැණු කෙතකු වීම,
යත සිද්ධීන් එක එකෙහි සම්භාවිතාව සොයන්න.
b)
$$\{x_1, x_2, ..., x_n\}$$
 යන දත්ත කුලකයෙහි මධානනය හා විචලතාව පිළිවෙළින් \overline{x} හා σ_x^2 යැයි ගනිමු.
(i) $\sigma_x^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 - \overline{x}^2$ බව පෙන්වන්න.
(ii) α හා β තාත්ත්වික නියන යැයි ගනිමු. $\sum_{i=1}^n (\alpha x_i + \beta)^2 = n\alpha^2 \sigma_x^2 + n(\alpha \overline{x} + \beta)^2$ බව පෙන්වන්න.
 $i = 1, 2, ..., n$ සඳහා $y_i = \alpha x_i + \beta$ යැයි ගනිමු. $\overline{y} = \alpha \overline{x} + \beta$ බව පෙන්වා නෙක (i) හා (ii) භාවිතයෙන්

 $\sigma_y^2 = \alpha^2 \sigma_x^2$ බව **අපෝහනය** කරන්න; මෙහි \overline{y} හා σ_y^2 යනු පිළිවෙළින් $\{y_1, y_2, ..., y_n\}$ කූලකුයෙහි මධානාපය හා විචලතාව වේ.

එක්තරා විභාගයක දී අපේක්ෂකයින් ලබා ගත් ලකුණුවල මධානාය 45 ක් වේ. මෙම ලකුණු, මධානාය 50 ක් හා සම්මත අපගමනය 15 ක් වන පරිදි ඒකජ ලෙස පරිමාණගත කළ යුතුව ඇත. පරිමාණගත ලකුණ වන 68 යන්නට අනුරූප මුල් ලකුණ 60 බව දී ඇත. මුල් ලකුණුවල සම්මත අපගමනය ගණනය කරන්න. අපේක්ෂකයකු ලබා ගත් මුල් ලකුණ වූ m, ඉහත පරිමාණගත කිරීමෙන් අඩු නොවන බව තවදුරටත් දී ඇත. $m \ge 20$ බව පෙන්වන්න.

2

Contraction -

1002

கிகத இது கிறை கிறை பிரையும் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved]

தே கூறை சீதை வேறை விரைவில் இல்லை விரைவில் குறைக்கில் குறைக்கில் குறைக்கு இலங்கைய பர்டன் குறைக்களம் இலங்கைப் பர்டன் குறைக்களம் இலங்கைப் பரீடன் கத் திணைக்களம் இலங்கைப் பர்டன் கூறுக்கு தனைக்களம் இலங்கைப் பர்டன் கத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீடன் கத் திணைக்களம் Department of Examinations, Sri Lanka Department o இலங்கைக் Sulfill குறைக்கு குறைக்குகள் பிறைக்கு விணைக்களம் இலங்கைப் பரீடன் குறைக்களம் தே குறை சிறைகு குறைக்கு விறைக்களம் இலங்கைப் பர்டன் குறைக்கு விறைக்கு குறைக்கு விணைக்களம் இலங்கைப் பரீடன் குறைக் கே குறை சிறைகு குறைக்களம் இலங்கைப் குறைக்கு இல்லை குறைக்கு குறைக்கு குறைக்கு குறைக்களம் இலங்கைப் பரீடன் குறைக்களம் கே குறை சிறைகு குறைக்களம் இலங்கைப் குறைக்கு கானைக்கு குறைக்கு குறைக்கு குறைக்கு குறைக்களம் இலங்கைப் பரீடன் குறை கே குறைக்கு குறைக்களம் இலங்கைப் குறைக்கு கிறைக்கு குறைக்கு குறைக்கு குறைக்கு குறைக்களுக்கு குறைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைக் கிணைக்களும் இலங்கைப் பரீடன் கத் திணைக்களம் இலங்கைப் குறைக்கு குறைக்கு குறைக்கு குறைக்கு குறைக்களுக்களுக்கு இலங்கைப் பரீட்சைக் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீடன் கத் திணைக்களம் இலங்கைப் கைக்களுக்கு குறைக்கு குறைக்கு கைக்களுக்களுக்கு இலங்கைக்களுக்கு கிணைக்களம்

අධායන ලොදු සහතික පතු (උසස් ලෙළ) විභාගය, 2014 අගෝස්තු கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பர்கை, 2014 ஓகஸ்ர் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2014

සංයක්ත ගණිතය இணைந்த கணிதம் **Combined Mathematics**

පැය තුනයි மூன்று மணித்தியாலம் Three hours

උපදෙස් :

මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ; *

I

II

II

විභාග අංකය

A කොටස (පුශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (පුශ්න 11 - 17).

A කොටස: *

සියලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

B කොටස: *

පුශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

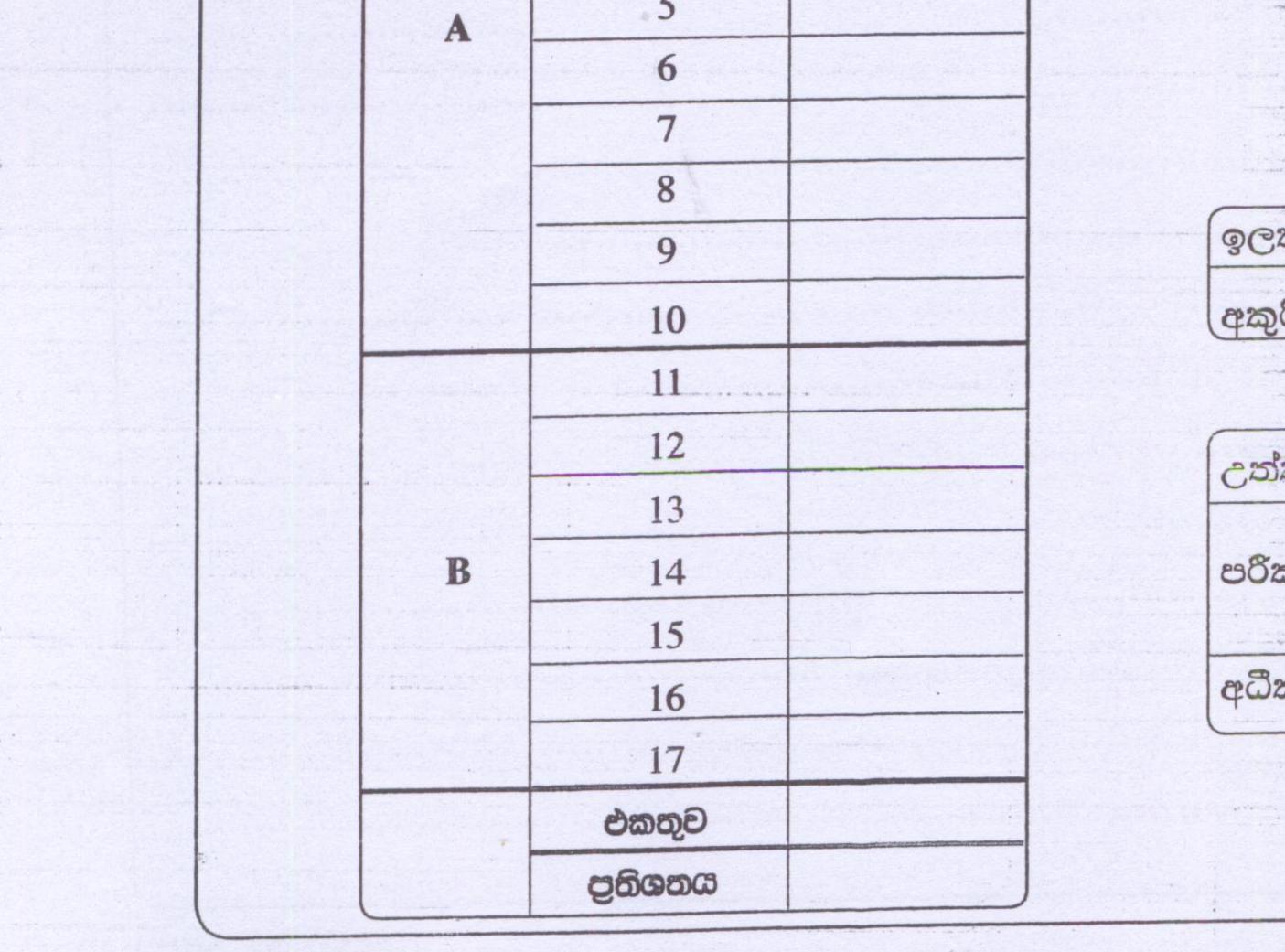
- * නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පතුය, B කොටසෙහි පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- * පුශ්න පතුයෙහි **B කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

* මෙම පුශ්න පතුයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

| (10) සංයුක්ත ගණිතය II | | | |
|-----------------------|------------|-------|--|
| කොටස | පුශ්න අංකය | ලකුණු | |
| | 1 | | |
| | 2 | | |
| | 3 | | |
| - | 4 | | |
| Carlotter - | - | | |

| I පතුය | |
|-------------|--|
| II පතුය | |
| එකතුව | |
| අවසාන ලකුණු | |



ALES

| අවසාන ලකුණු | | |
|--------------|-----------|--|
| ඉලක්කමෙන් | | |
| අකුරින් | | |
| | සංකේත අංක | |
| උත්තර පතු පැ | රීක්ෂක | |
| පරීක්ෂා කළේ: | 1 2 | |
| අධීක්ෂණය ක | ළේ: | |

all a

[දෙවෙනි පිටුව බලන්න.

45

A කොටස

-2-

1. තිරස් බිමක් මත වූ O ලක්ෂායක සිට u වේගයෙන් තිරස සමග $\frac{\pi}{4}$ කෝණයක් සාදන දිශාවකින්, උස a වූ ද O සිට 2a තිරස් දුරකින් වූ ද සිරස් තාප්පයක් දෙසට අංශුවක් ගුරුත්වය යටතේ පුක්ෂේප කරනු ලැබේ. $u > 2\sqrt{ga}$ නම්, අංශුව තාප්පයට ඉහළින් යන බව පෙන්වන්න.

Mel 1

2. ස්කන්ධය $M \log 2$ වාහනයක්, සැහැල්ලු අවිතනා කේබලයක් මගින් එම ස්කන්ධය ම සහිත ටේලරයක් සෘජු තිරස් පාරක් දිගේ ඇදගෙන යයි. වාහනයේ චලිතයට හා ටේලරයේ චලිතයට පුතිරෝධ පිළිවෙළින් නිව්ටන R හා 2R වේ. වාහනයේ එන්ජිම $P \, \mathrm{kW}$ ජවයකින් කියා කරමින් වාහනය $V \, \mathrm{m \, s^{-1}}$ වේගයෙන් චලනය වෙමින් තිබෙන මොහොතේ දී කේබලයේ ආතතිය නිව්ටන $\frac{1}{2} \left(R + \frac{1000P}{V} \right)$ බව පෙන්වන්න.

.......... [තුන්වෙනි පිටුව බලන්න. Same S.C.

3. ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත, u වේගයෙන් සිරස් බිත්තියක් දෙසට, බිත්තියට ලම්බ සරල රේඛාවක චලනය වේ. බිත්තිය සමග ගැටීමට පෙර P අංශුව, එහි පෙතෙහි නිශ්චලව ඇති එම ස්කන්ධය ම සහිත තවත් Q අංශුවක් සමග සරල ලෙස බැමටන අතර Q අංශුව ඉන්පසුව බිත්තියේ ගැටී පොලා පනී. ගැටුම් දෙක ම සඳහා පුතාපාගති සංගුණකය e(0 < e < 1) වේ. Q අංශුව මත බිත්තියෙන් ඇති කරන ආවේගය $\frac{1}{2}(1+e)^2 mu$ බව පෙන්වන්න.

-.3 -

4. ස්වාභාවික දිග a හා ප්‍රතාභාස්ථතා මාපාංකය 4mg වූ සැහැල්ලු ප්‍රතාභාස්ථ තන්තුවක එක කෙළවරක් අචල O ලක්ෂායකට ගැට ගසා ඇති අතර අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය m වූ අංශුවකට සම්බන්ධ කර ඇත. O හි නිශ්චලතාවයේ සිට අංශුව ගුරුත්වය යටතේ මුදා හරිනු ලැබේ. ශක්ති සංස්ථිති මූලධර්මය යෙදීමෙන්, පසුව සිදු වන චලිතයේ දී තන්තුවේ උපරිම දිග සොයන්න.

.............. -240/22 and the second s and the second and the second sec 243 See and in the second second with the second [හතරවෙනි පිටුව බලන්න. to the ball and the second man and the . .

1 1

5. සුපුරුදු අංකනයෙන්, i + 2j හා 3i + 3j යනු O අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් පිළිවෙළින් A හා B ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික යැයි ගනිමු. C යනු OABC සමාන්තරාසුයක් වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ද ගනිමු. $\overrightarrow{OC} = 2i + j$ බව පෙන්වන්න.

 $A\hat{O}C = \theta$ යැයි ගනිමු. $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OC}$ සැලකීමෙත් $\cos\theta = \frac{4}{5}$ බව පෙත්වත්ත.

6. බර Wවූ ඒකාකාර ඝන ගෝලයක් රූපයේ දැක්වෙන පරිදි තිරසට α කෝණයකින් අානත වූ රළු තලයක් මත නිශ්චලව ඇත්තේ, ගෝලයේ උච්චතම ලක්ෂාය වූ A ට හා ආනත තලයේ B ලක්ෂායකට සම්බන්ධ කරනු ලැබූ සැහැල්ලු අවිතනා තත්තුවක ආධාරයෙනි. AB තත්තුව තිරස් ව පවතින විට ගෝලය සීමාකාරී සමතුලිතතාවේ තිබේ. ඝර්ෂණ කෝණය $\frac{\alpha}{2}$ බව පෙන්වා, තත්තුවේ ආතතිය සොයන්න.

ිපස්වෙනි පිටුව බලන්න.

1700

120

A

AL/2014/10/S-II

45

- 5 -

7. A හා B යනු Ω නියැදි අවකාශයක සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. සුපුරුදු අංකනයෙන් $P((A \cup B) \cap (A' \cup B')) = P(A) + P(B) - 2P(A \cap B)$ බව පෙත්වන්න.

 මල්ලක, පුමාණයෙන් සමාන වූ රතු බෝල 6 ක් ද පුදු බෝල 4 ක් ද අඩංගු වේ. බෝල තුනක්, වරකට එක බැගින්, ප්රිස්ථාපනයකින් තොරව, සසමභාවී ලෙස මල්ලෙන් ඉවතට ගනු ලැබේ. දෙවැනි බෝලය පුදු එකක් බව දී ඇති විට, තුන්වැනි බෝලය රතු එකක් වීමේ සමභාවිතාව සොයන්න.

................................ and the second to be a second to a second to a second to a second and the second 191-11-12 and the . [හයවෙනි පිටුව බලන්න.

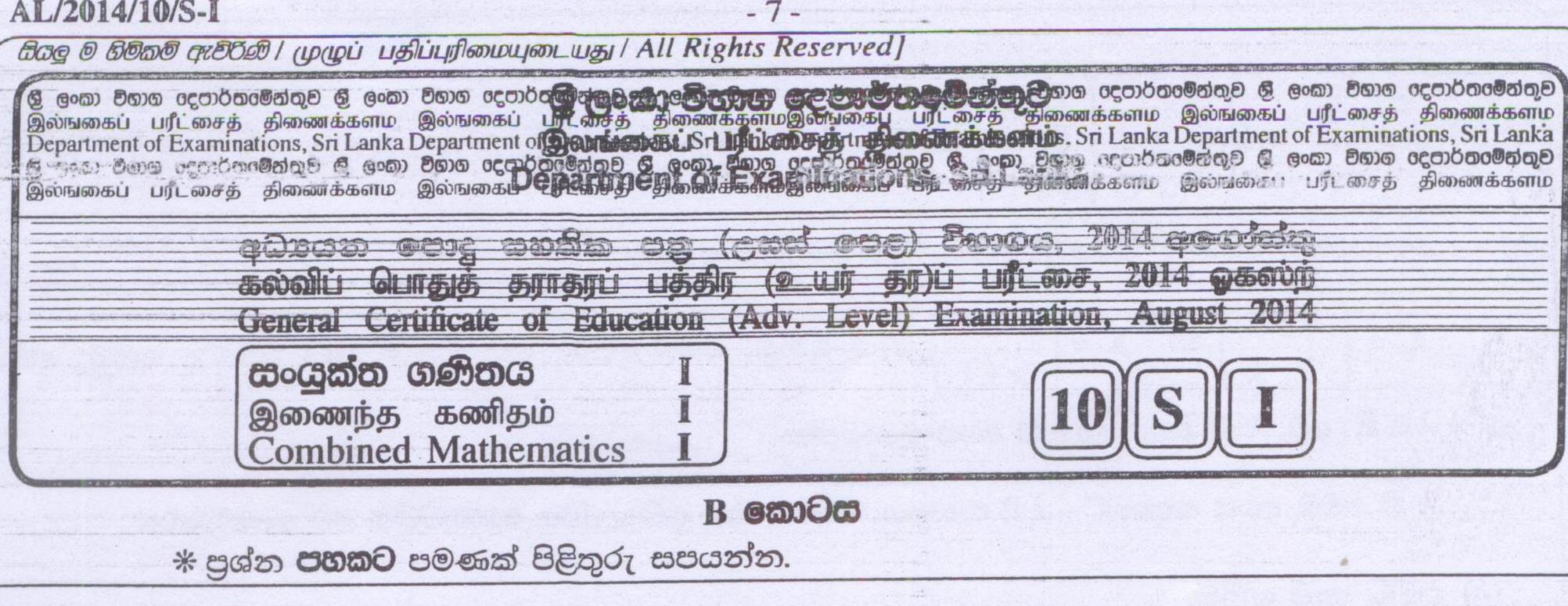
10 AL/2014/10/S-II - 6 -9. නිරීක්ෂණ පහක මධානාය හා මධාස්ථය පිළිවෙළින් 7 හා 9 වේ. නිරීක්ෂණවල එක ම මාතය 11 වේ. නිරීක්ෂණ සියල්ල ධන නිබිල වේ යැයි උපකල්පනය කරමින්, වැඩිතම නිරීක්ෂණය හා අඩුතම නිරීක්ෂණය සොයන්න.

10. පහත දැක්වෙන නිරීක්ෂණ 100 ක සංඛානත වාහප්තියේ මධානාපය 31.8 වේ.

| 5 - 15 | 15 - 25 | . 25 - 35 | 35 - 45 | 45 - 55 | |
|--------|---------|-----------|---------|---------|--|
| 16 | x | 30 | у | 20 | |

x හා y හි අගයන් සොයා, වාපතියේ මධාස්ථය නිමානය කරන්න.

******************* S. Walt - -........ [හත්වෙනි පිටුව බලන්න. **



11.(a) $a \in \mathbb{R}$ යැයි ද $f(x) = 3x^3 + 5x^2 + ax - 1$ යැයි ද ගනිමු. (3x - 1) යන්න f(x) හි සාධකයක් බව දී ඇත. a හි අගය සොයන්න.

f(x) යන්න $(3x-1)(x+k)^2$ ආකාරයට පුකාශ කරන්න; මෙහි k යනු නියනයකි. ඉහත පුකාශනයෙහි 3x-1 යන්න b හා c නියත වන b(x+1)+c ආකාරයට ලිවීමෙන්, f(x) යන්න (x+1)³ න් බෙදූ විට ශේෂය සොයන්න.

 $(b) \ a, b, c \in \mathbb{R}$ හා $ac \neq 0$ යැයි ගනිමු. ශූනාපය, $ax^2 + bx + c = 0$ සමීකරණයෙහි මූලයක් **නොවන** බව පෙන්වන්න. මෙම සමීකරණයේ මූල α හා β යැයි ද $\lambda = \frac{\alpha}{\beta}$ යැයි ද ගනිමු. $ac(\lambda + 1)^2 = b^2 \lambda$ බව පෙන්වන්න. $p,q,r \in \mathbb{R}$ හා $pr \neq 0$ යැයි ගනිමු. තව ද $px^2 + qx + r = 0$ සමීකරණයේ මූල γ හා δ යැයි ද $\mu = \frac{\gamma}{\delta}$ යැයි ද ගනිමු. $\lambda = \mu$ හෝ $\lambda = \frac{1}{\mu}$ වන්නේ $acq^2 = prb^2$ ම නම් පමණක් බව පෙන්වන්න. $kx^2 - 3x + 2 = 0$ හා $8x^2 + 6kx + 1 = 0$ සමීකරණවල මූල එක ම අනුපාතයට වන බව දී ඇත; මෙහි $k \in \mathbb{R}$ වේ. k හි අගය සොයන්න.

12.(a) පාසල් හයක් තරුණ කීඩා සමුළුවකට සහභාගි වන අතර, කිකට් කීඩකයකුගෙන්, පාපන්දු කීඩකයකුගෙන් හා හොකී කීඩකයකුගෙන් සමන්විත කීඩකයින් තුන්දෙනකුගෙන් එක් එක් පාසල නියෝජනය කරනු ලබයි. මෙම කීඩකයින් අතුරෙන් සාමාජිකයින් හයදෙනකුගෙන් යුත් කමිටුවක් තෝරා ගැනීමට අවශා ව ඇත. (i) එක් එක් කීඩාවෙන් කීඩකයින් දෙදෙනකු බැගින් ඇතුළත් කළ යුතු නම්, (ii) පාසල් හය ම නියෝජනය වන පරිදි, එක් එක් කීඩාවෙන් කීඩකයින් දෙදෙනකු බැගින් ඇතුළත් කළ යුතු නම්,

(iii) පාසල් දෙකකින් එක් එක් පාසලෙන් කීඩකයින් දෙදෙනකු බැගින් ද ඉතිරි පාසල් දෙකකින් එක් එක්

පාසලෙන් එක කීඩකයකු බැගින් ද ඇතුළත් කළ යුතු නම්, මෙම කමිටුව සෑදිය හැකි වෙනස් ආකාර ගණන සොයන්න.

(b)
$$r \in \mathbb{Z}^+$$
සඳහා $U_r = \frac{r^2 - r - 5}{r(r+1)(r+4)(r+5)}$ යැයි ගනිමු.

n=0,1,2,3 සඳහා r^n හි සංගුණක සැසඳීමෙන්, $r\in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $r^2-r-5=A(r^2-1)(r+5)-Br^2(r+4)$ වන පරිදි A හා B නියත පවතින බව පෙන්වන්න.

 $r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $U_r = f(r) - f(r+1)$ වන පරිදි f(r) මසායන්න.

$$n \in \mathbb{Z}^+$$
 සඳහා $\sum_{r=1}^n U_r = -\frac{n}{(n+1)(n+5)}$ බව පෙන්වන්න.
 $\sum_{r=1}^{\infty} U_r$ අනන්ත ශේණිය අභිසාරී වන බව තවදුරටත් පෙන්වා, එහි ඓකාපය සොයන්න.
ඒ නයින්. $\sum_{r=3}^{\infty} 3U_r$ සොයන්න.

[අටරවනි පිටුව බලන්න.

AL2014105-1
-8-
13.(a) a, b∈R α₁β ∈ A =
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & a \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$
 w B = $\begin{pmatrix} b & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ α₁β ς αδθ, A^TA = B D = dδξ a w b S quand
excussion; eeld A^T ellas A menaeud ecode qualed.
C = $\begin{pmatrix} 7 & 5 \\ 5 & 3 \end{pmatrix}$ w X = $\begin{pmatrix} u \\ u+1 \end{pmatrix}$ α₁β ασθ sig; eeld $u \in \mathbb{R}$ edi: CX = ABX α₁β ς αδθg; eeld
A ∈ R edi A B quar an u B quare excussion.
A S eele quare açus C - AB mineta excussion.
A S eele quare açus C - AB mineta excussion.
(b) z ∈ C α₁β ασθg.
(i) |1-z|² = 1 - 2Rez + |z|² all ans z≠1 a met ecodemic action and deta ecodemic
(ii) z≠1 terçus Re($\frac{1}{|1-z|}$) = $\frac{1-Rez}{|1-z|^2}$ all certaination.
Re($\frac{1}{|1-z|}$) = $\frac{1}{2}$ context |z| = 1 ans z≠1 a met ecodemic action equation.
S αφ, Re($\frac{1}{|1-z|}$) = $\frac{1}{2}$ and $-\frac{\pi}{3}$ < Arg z < $\frac{\pi}{3}$ αση qDuarant equation and relates a mostal actions.
Z ασήσ S τage edi set we Rez + Im z = $\frac{1}{\sqrt{2}}$ met, z = cos($\frac{\pi}{|12}$) - isin($\frac{\pi}{|12}$) all certainates.
4.(a) x≠ -1 terçus f(x) = $\frac{8x}{(x+1)(x^2+3)}$ α₁β ασθg.
x≠ -1 terçus f'(x) = $\frac{8(1-x)(2x^2+3x+3)}{(x+1)^2(x^2+3)^2}$ all certainates.
w(i) B gridentic action and actions $y = f(x)$ big gridentic ded q for a set of a set o

මීටර h වූ සෘජු වෘත්ත කුහර සිලින්ඩරයකට රූපයේ දැක්වෙන පරිදි දෘඪ ලෙස සම්බන්ධ කිරීමෙන් කුහර සංයුක්ත වස්තුවක් සෑදිය යුතු වේ. සංයුක්ත වස්තුවේ මුළු පරිමාව $36\pi \text{ m}^3$ වේ. $h = \frac{108 - 4r^3}{3r^2}$ බව පෙන්වන්න.

දුවා සඳහා යන වියදම සිලින්ඩරාකාර පෘෂ්ඨය සඳහා වර්ග මීටරයකට රුපියල් 300 ක් ද අර්ධ ගෝලීය පෘෂ්ඨ සඳහා වර්ග මීටරයකට රුපියල් 1000 ක් ද වේ. මෙම සංයුක්ත වස්තුව සෑදීමට අවශා දුවා සඳහා යන මුළු වියදම රුපියල් *C* යන්න 0 < r < 3 සඳහා $C = 800\pi \left(4r^2 + \frac{27}{r}\right)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

I PART IN TO STATE A DESCRIPTION DE LA CONTRACTIONE DE LA CONTRACTION DE LA CONTRACTICA CONTRACTICACIÓN DE LA CONTRACTIC

C අවම වන පරිදි r හි අගය සොයන්න.

45

11 0th 1. T.C.

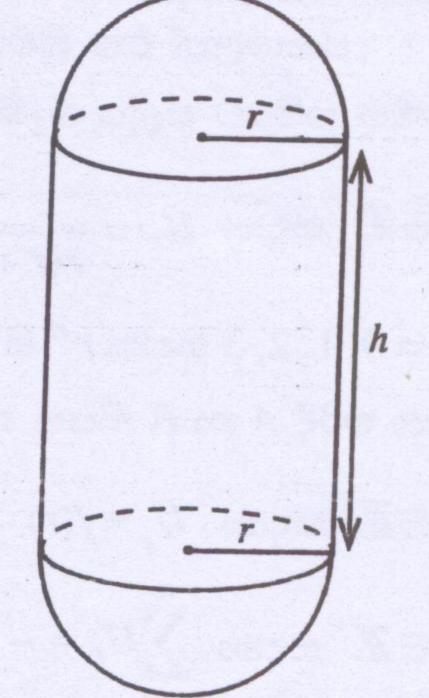
the second the

A. PART AND DESCRIPTION OF THE REPORT

the second second second

and the state of the state

a to be a serie and a series of the series of



[නවරවනි පිටුව බලන්න.

22

3

1.100 M

1.44

1 2 1 1 1 mile

a manager of the second

a contract of a second process is a second process

. .

AL/2014/10/S-I
 -9-

 15.(a)
$$\int \frac{3x+2}{x^2+2x+5} dx$$
 සොයන්න.

 (b) කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන් $\int_{1}^{e^{\pi}} \cos(\ln x) dx = -\frac{1}{2}(e^{x}+1)$ බව පෙන්වන්න.

 (c) $\int_{0}^{a} f(x) dx = \int_{0}^{a} f(a-x) dx$ සූතුය පිහිටුවන්න; මෙහි a යනු නියනයකි.

 $p(x) = (x-\pi) (2x+\pi)$ යැයි ξ $I = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin^2 x}{p(x)} dx$ යැයි ξ ගනිමු.

 ඉහත පුනිඵලය භාවිතයෙන් $I = \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos^2 x}{p(x)} dx$ බව පෙන්වන්න.

$$I$$
 සඳහා වූ ඉහත අනුකල දෙක භාවිතයෙන් $I = \frac{1}{2} \int_{0}^{1} \frac{1}{p(x)} dx$ බව **අපෝහනය** කරන්න.
ඒ නයින්, $I = \frac{1}{6\pi} \ln\left(\frac{1}{4}\right)$ බව පෙන්වන්න.

16. l_1 හා l_2 යනු පිළිවෙළින් 2x+y=5 හා x+2y=4 මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු. l_1 හා l_2 අතර සුළු කෝණය $\tan^{-1}\left(\frac{3}{4}\right)$ බව පෙන්වා, මෙම කෝණයේ සමච්ඡේදකයේ සමීකරණය සොයන්න. l_1 හා l_2 හි ඡේදන ලක්ෂාය A යැයි ද $R = \{(x,y): x+2y \le 4$ හා $2x+y \ge 5\}$ යැයි ද ගනිමු. A ලක්ෂායේ බණ්ඩාංක සොයා, R පෙදෙස xy- තලයෙහි අඳුරු කරන්න. l_1 හා l_2 රේඛා දෙක ම ස්පර්ශ කරමින් R පෙදෙසෙහි පිහිටන අරය $\sqrt{5}$ ක් වූ S වෘත්තයේ සමීකරණය $x^2+y^2-14x+8y+60=0$ බව පෙන්වන්න.

ස්පර්ශ ජාතාය සඳහා සුපුරුදු සූතුය භාවිතයෙන්, A ලක්ෂායේ සිට S වෘත්තයට ඇඳි ස්පර්ශකවල ස්පර්ශ ජාතයේ සමීකරණය x-y=10 බව පෙන්වන්න.

A ලක්ෂාය ද l_1 හා l_2 සමග S හි ස්පර්ශ ලක්ෂා ද ඔස්සේ යන වෘත්තයේ සමීකරණය සොයන්න.

17.(a) $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$ සඳහා $f(x) = \frac{1 - \tan x}{1 + \tan^2 x}$ යැයි ගනිමු. f(x) යන්න $A\cos(2x + a) + B$ ආකාරයට පුකාශ කරන්න; මෙහි A(>0), B හා $a\left(0 < a < \frac{\pi}{2}\right)$ නිර්ණය කළ යුතු නියත වේ. **ඒ තයින්**, $f(x) = \frac{2 + \sqrt{2}}{4}$ යන සමීකරණය විසඳන්න. f(x) සඳහා දෙන ලද මුල් පුකාශනය යොදා ගනිමින් $f(x) = \frac{2 + \sqrt{2}}{4}$ යන්න $2\tan^2 x + 4k\tan x - k^2 = 0$ ආකාරයට ලිව්ය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි $k = 2 - \sqrt{2}$ වේ. $\tan \frac{\pi}{24} = \sqrt{6} - \sqrt{3} + \sqrt{2} - 2$ බව **අපෝහනය** කරන්න. $\operatorname{DD} \zeta - \frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$ සඳහා y = 2f(x) හි පුස්තාරයෙහි දළ සටහනක් අඳින්න. (b) සුපුරුදු අංකනයෙන්, නිකෝණයක් සඳහා **සයින් නීතිය** පුකාශ කරන්න. ABC යනු නිකෝණයක් යැයි ගනිමු. සුපුරුදු අංකනයෙන්, $a:b:c = 1:\lambda:\mu$ බව දී ඇත; මෙහි λ හා μ යනු නියත වේ. $\mu^2(\sin 2A + \sin 2B + \sin 2C) = 4\lambda \sin^3 C$ බව පෙන්වන්න. * * * *